

	<b>ΟΜΟΣΠΟΝΔΙΑ ΕΚΠΑΙΔΕΥΤΙΚΩΝ ΦΡΟΝΤΙΣΤΩΝ ΕΛΛΑΔΟΣ (Ο.Ε.Φ.Ε.) – ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ</b>
<b>ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2013</b>	<b>E_3.Μλ1Α(ε)</b>

**ΤΑΞΗ:** Α' ΓΕΝΙΚΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ

**ΜΑΘΗΜΑ:** ΑΛΓΕΒΡΑ

**Ημερομηνία: Κυριακή 21 Απριλίου 2013**

**Διάρκεια Εξέτασης: 2 ώρες**

### **ΕΚΦΩΝΗΣΕΙΣ**

#### **ΘΕΜΑ Α**

- A1.** Για τους πραγματικούς αριθμούς  $\alpha, \beta$ , να αποδείξετε ότι:

$$|\alpha \beta| = |\alpha| |\beta|$$

**Μονάδες 9**

- A2.** a. Αν  $\alpha > 0$ , μικρός ακέραιος και  $v$  θετικός ακέραιος, πώς ορίζεται ο αριθμός  $\alpha^v$ ;  
**Μονάδες 3**

- b. Τι ονομάζουμε κλειστό διάστημα από  $\alpha$  μέχρι  $\beta$ ;

**Μονάδες 3**

- A3.** Να χαρακτηρίσετε τις προτάσεις που ακολουθούν, γράφοντας στο τετράδιο σας το γράμμα κάθε πρότασης και δίπλα τη λέξη Σωστό, αν η πρόταση είναι σωστή, ή Λάθος, αν η πρόταση είναι λανθασμένη.  
 a. Αν  $\alpha > \beta$  και  $\gamma > 0$ , τότε  $\alpha\gamma > \beta\gamma$ .

**Μονάδες 2**

- b. Για κάθε πραγματικό αριθμό  $\alpha$  ισχύει:  $\sqrt{\alpha^2} = \alpha$ .

**Μονάδες 2**

- c. Αν  $\alpha = 0$  και  $\beta \neq 0$ , τότε η εξίσωση  $\alpha x + \beta = 0$  έχει ακριβώς μια λύση.

**Μονάδες 2**

- d. Για κάθε  $x \in \mathbb{R}$ , ισχύει:  $|x| \geq x$ .

**Μονάδες 2**

- e. Αν η εξίσωση  $\alpha x^2 + \beta x + \gamma = 0$ , με  $\alpha \neq 0$ , έχει δύο άνισες ρίζες:  $x_1, x_2$ , τότε, ισχύει ότι  $\alpha x^2 + \beta x + \gamma = \alpha(x - x_1)(x - x_2)$ .

**Μονάδες 2**

 <p>ΟΜΟΣΠΟΝΔΙΑ ΕΚΠΑΙΔΕΥΤΙΚΩΝ ΦΡΟΝΤΙΣΤΩΝ ΕΛΛΑΔΟΣ</p>	<p>ΟΜΟΣΠΟΝΔΙΑ ΕΚΠΑΙΔΕΥΤΙΚΩΝ ΦΡΟΝΤΙΣΤΩΝ ΕΛΛΑΔΟΣ (Ο.Ε.Φ.Ε.) – ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ</p>
<p><b>ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2013</b></p>	<p><b>E_3.Μλ1A(ε)</b></p>

## **ΘΕΜΑ Β**

Δίνονται οι παραστάσεις:  $A = \sqrt[3]{4} \cdot \sqrt{\sqrt{2} \sqrt[3]{2}}$  και  $B = \frac{1}{2+\sqrt{2}} + \frac{1}{2-\sqrt{2}}$ .

- B1.** Να αποδείξετε ότι  $A = 2$ .

**Μονάδες 10**

- B2.** Να αποδείξετε ότι  $B = 2$ .

**Μονάδες 8**

- B3.** Να λύσετε την εξίσωση  $x^3 = \frac{1}{A+\sqrt{A}} + \frac{1}{A-\sqrt{A}}$ .

**Μονάδες 7**

## **ΘΕΜΑ Γ**

Δίνεται η ευθεία  $\epsilon$  με εξίσωση:  $y = (|\alpha - 3| - 1)x + (\alpha^2 + 2|\alpha| - 3)$ ,  $\alpha \in \mathbb{R}$ . Για ποιες τιμές του  $\alpha$  η ευθεία  $\epsilon$ :

- Γ1.** Είναι παράλληλη στην ευθεία  $y = x$ ;

**Μονάδες 7**

- Γ2.** Σχηματίζει οξεία γωνία με τον άξονα  $x'$ ;

**Μονάδες 8**

- Γ3.** Διέρχεται από την αρχή  $O(0, 0)$  των αξόνων;

**Μονάδες 10**

## **ΘΕΜΑ Δ**

Δίνεται το τριώνυμο  $4x^2 - 4\lambda x + 5\lambda$ , με  $\lambda \in \mathbb{R}$ .

- Δ1.** Να βρείτε τη διακρίνουσα του τριώνυμου και το πρόσημό της για τις διάφορες τιμές του  $\lambda$ .

**Μονάδες 7**

- Δ2.** Να βρείτε τις τιμές του  $\lambda$  για τις οποίες:

- a. Το τριώνυμο έχει δύο ρίζες άνισες.

**Μονάδες 3**

- b. Η συνάρτηση  $f(x) = \sqrt{4x^2 - 4\lambda x + 5\lambda}$  έχει πεδίο ορισμού το  $\mathbb{R}$ .

**Μονάδες 4**

- Δ3.** Να εξετάσετε αν υπάρχει τιμή του  $\lambda$ , για την οποία το τριώνυμο έχει δύο ρίζες  $x_1, x_2$  με  $x_1 + x_2 = x_1 x_2 - 1$ .

**Μονάδες 5**

- Δ4.** Αν  $A$  είναι ένα ενδεχόμενο ενός δειγματικού χώρου  $\Omega$  και  $A'$  το συμπληρωματικό του, να αποδείξετε ότι για κάθε  $x \in \mathbb{R}$  ισχύει:

$$[4x^2 - 4P(A)x + 5P(A)][4x^2 - 4P(A')x + 5P(A')] [4x^2 - 4P(\Omega)x + 5P(\Omega)] \geq 0$$

**Μονάδες 6**